

آزمون حضوری
شماره یک



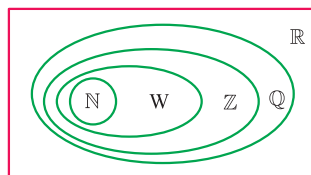
مرورنامه آزمون آزمایشی خلی سیز

نام درس	مباحث	از صفحه	تا صفحه	مؤلف	ویراستار
ریاضی	فصل اول صفحه ۱ تا ۲۰	۲	۴	علی شهبابی	مهدی خوشنویس



۱ در مجموعه اعداد داریم:

اعداد حقیقی گویا صحیح حسابی طبیعی
 $\mathbb{N} \subseteq \mathbb{W} \subseteq \mathbb{Z} \subseteq \mathbb{Q} \subseteq \mathbb{R}$
 $\mathbb{R} = \mathbb{Q} \cup \mathbb{Q}'$
 اعداد گنگ



۲

نوع بازه	تعریف	نمادگذاری
بسته	شامل نقاط ابتدایی و انتهایی بازه می‌شود.	$[a, b]$
باز	هر دو نقطه ابتدایی و انتهایی در آن نیستند.	(a, b)
نیم باز	شامل فقط یکی از نقاط ابتدایی و انتهایی است.	$(a, b]$ یا $[a, b)$

نکته

برای $+\infty$ (مثبت بی‌نهایت) و $-\infty$ (منفی بی‌نهایت) از نمایش باز استفاده می‌کنیم، مثلاً:
 برای $+\infty$ (مثبت بی‌نهایت): $(-1, +\infty)$ یا $(-1, +\infty)$
 برای $-\infty$ (منفی بی‌نهایت): $(-\infty, 1]$ یا $(-\infty, 1]$

۳ به مجموعه‌ای مانند A که تعداد اعضای آن «عدد حسابی» باشد، مجموعه «متناهی» می‌گوییم؛ در غیر این صورت به این مجموعه، مجموعه «نامتناهی» می‌گوییم؛ مثلاً: مجموعه اعداد طبیعی زوج کوچک‌تر از 20 یعنی $\{2, 4, 6, \dots, 18\}$ یک مجموعه متناهی است که ۹ عضو دارد و مجموعه اعداد طبیعی فرد یعنی $\{1, 3, 5, 7, \dots\}$ یک مجموعه نامتناهی است.

۴ مجموعه مرجع: مجموعه‌ای که همه مجموعه‌ها، زیرمجموعه آن هستند را مجموعه مرجع می‌نامیم و آن را با نماد U نشان می‌دهیم.

۵ اگر U مجموعه مرجع و مجموعه A زیرمجموعه آن باشد، $U - A$ را متمم A می‌نامیم و آن را با A' نشان می‌دهیم. در واقع مجموعه A' شامل عضوهایی از U است که در A نیستند. متمم‌های معروف عبارت‌اند از:

۱) $\emptyset = U$

۲) $U' = \emptyset$

۳) $(A')' = A$

۴) $(A \cup B)' = A' \cap B'$

۵) $(A \cap B)' = A' \cup B'$

۶ به دو مجموعه A و B که عضو مشترکی نداشته باشند، دو مجموعه مجزا یا جدا از هم می‌گوییم؛ پس:

$A \cap B = \emptyset \Rightarrow n(A \cap B) = 0$

۷ تعداد اعضای اجتماع دو مجموعه:

$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$



مرورنامه آزمون آزمایشی خیلی سبز

ریاضی

نام مجموعه	نماد و فرمول	نمودار ون	تعداد	ویژگی
مرجع	U		تعداد کل اعضا	مجموعه‌ای که همهٔ مجموعه‌ها، زیرمجموعهٔ آن هستند.
اجتماع	$A \cup B$		$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$	اعضایی که در حداقل یکی از دو مجموعهٔ A و B حضور دارند.
اشتراک	$A \cap B$		تعداد اعضای مشترک بین دو مجموعه	اعضای مشترک بین دو مجموعه
متمم	$A' = U - A$		$n(A') = n(U) - n(A)$	A' شامل اعضای از U است که عضو A نیستند.
متمم اجتماع	$(A \cup B)' = (A' \cap B')$		$n(A \cup B)' = n(U) - n(A \cup B) = n(A' \cap B')$	اعضایی که عضو هیچ‌یک از دو مجموعهٔ A و B نیستند.
متمم اشتراک	$(A \cap B)' = (A' \cup B')$		$n(A \cap B)' = n(U) - n(A \cap B) = n(A' \cup B')$	عضوهایی از مجموعهٔ مرجع U که بین A و B مشترک نیستند.
مجزا یا جدا از هم	$\emptyset = A \cap B$		$n(A \cap B) = 0$ یا $n(A \cup B) = n(A) + n(B)$	دو مجموعه که هیچ عضو مشترکی ندارند.
عضو فقط یکی از دو مجموعه	$(A - B) \cup (B - A)$		$n((A - B) \cup (B - A)) = n(A \cup B) - n(A \cap B) = n(A) + n(B) - 2 \times n(A \cap B)$	اعضایی که عضو فقط یکی از دو مجموعه هستند.

دنباله

۱ الگوهای درجه یک و درجه دو:

الگو	فرم کلی	روش به دست آوردن a	روش به دست آوردن b و c
درجه یک (خطی)	$an + b$	مقداری که به جملات اضافه می‌شود.	با جای گذاری یک جمله از دنباله، b را به دست می‌آوریم.
درجه دو	$an^2 + bn + c$	<ul style="list-style-type: none"> مقداری که به جملات اضافه می‌شود را زیرشان می‌نویسیم. مقادیری که نوشتیم تشکیل یک دنبالهٔ حسابی می‌دهند. نصف قدرنسبت این دنباله برابر با a می‌شود. 	با جای گذاری دو جمله از دنباله، مقادیر b و c را به دست می‌آوریم.



۲ مثال از الگوی درجه یک و درجه دو:

الگوی شکل	تبدیل الگوی شکل به عددی	جای گذاری جملات در الگو برای به دست آوردن ضرایب مجهول	جمله عمومی
	$5, 8, 11, \dots$ $\begin{array}{c} \xrightarrow{+3} \xrightarrow{+3} \\ \hline \Rightarrow a=3 \end{array}$ \Rightarrow پس درجه اوله	$t_n = 3n + b \xrightarrow{t_1=5}$ $5 = 3 + b \Rightarrow b = 2$	$t_n = 3n + 2$
	$1, 5, 12, 22, \dots$ $\begin{array}{c} \xrightarrow{+4} \xrightarrow{+7} \xrightarrow{+10} \\ \xrightarrow{+3} \xrightarrow{+3} \\ \hline \Rightarrow a = \frac{3}{2} \end{array}$ \Rightarrow پس درجه دومه	$t_n = \frac{3}{2}n^2 + bn + c$ $\begin{cases} \xrightarrow{t_1=1} \frac{3}{2} + b + c = 1 \\ \xrightarrow{t_2=5} 6 + 2b + c = 5 \end{cases}$ $\xrightarrow{\text{حل}} \begin{cases} b = -\frac{1}{2} \\ c = 0 \end{cases}$	$t_n = \frac{3}{2}n^2 - \frac{1}{2}n$